



DEPARTAMENTO  
DE ANÁLISIS  
MATEMÁTICO Y  
MATEMÁTICA  
APLICADA



# COLLOQUIUM DE ANÁLISIS MATEMÁTICO

**Luis Rodríguez Piazza**

**Universidad de Sevilla**

## **Abscisa de convergencia para algunos espacios de series de Dirichlet**

Los espacios de Hardy de series de Dirichlet  $H_p$  ( $1 \leq p \leq \infty$ ) fueron introducidos por Hedenmalm, Lindqvist y Seip para  $p = 1$  y  $p = \infty$ , y por Bayart para el resto de valores de  $p$ . Se probó que, para  $p$  finito, toda serie de Dirichlet en  $H_p$  converge en el semiplano  $C_{1/2} = \{z \in \mathbb{C} : \operatorname{Re} z < 1/2\}$ , y que  $1/2$  no puede ser mejorado (esto es, no existe  $\theta < 1/2$  tal que toda serie de Dirichlet de  $H_p$  converja en  $C_\theta$ ). Podemos decir entonces que, para todo  $p$  finito, la abscisa de convergencia de  $H_p$  es  $1/2$ . En cambio, se sabe que la abscisa de convergencia de  $H^\infty$  es  $0$ . En nuestra charla, tras recordar las propiedades de convergencia de las series de Dirichlet, introduciremos los espacios de Hardy-Orlicz  $H_\psi$  de series de Dirichlet. Nos centraremos en el caso en el que  $\psi(t) = \psi_q(t) = \exp(t^q) - 1$ , y probaremos que la abscisa de convergencia de  $H_{\psi_q}$  es  $\min\{1/2, 1/q\}$ . Esto llena el hueco entre la abscisa de  $H_p$ , para  $p$  finito, y la de  $H^\infty$ , respondiendo una cuestión de Hedenmalm.

**Organizado por el Departamento de Análisis Matemático y Matemática Aplicada  
y el Instituto de Matemática Interdisciplinar (IMI)**

**Fecha: Jueves 4 de julio de 2019**

**a las 12:00 horas**

**Lugar: Aula 222**

**Facultad de CC Matemáticas, UCM**