

## Examen final de econometría II

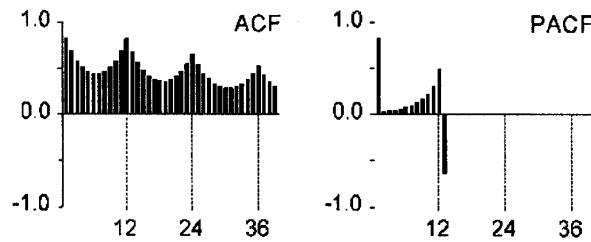
21 de junio de 2004 – Hora: 12:00

Apellidos:	Nombre:	DNI:
Profesor/a:	Licenciatura:	Grupo:

Antes de empezar a resolver el examen, rellene TODA la información que se solicita en los recuadros anteriores y lea con atención las instrucciones de la página siguiente.

Pregunta 1	A	B	C	D	En blanco
Pregunta 2	A	B	C	D	En blanco
Pregunta 3	A	B	C	D	En blanco
Pregunta 4	A	B	C	D	En blanco
Pregunta 5	A	B	C	D	En blanco
Pregunta 6	A	B	C	D	En blanco
Pregunta 7	A	B	C	D	En blanco
Pregunta 8	A	B	C	D	En blanco
Pregunta 9	A	B	C	D	En blanco
Pregunta 10	A	B	C	D	En blanco
Pregunta 11	A	B	C	D	En blanco
Pregunta 12	A	B	C	D	En blanco
Pregunta 13	A	B	C	D	En blanco
Pregunta 14	A	B	C	D	En blanco
Pregunta 15	A	B	C	D	En blanco
Pregunta 16	A	B	C	D	En blanco
Pregunta 17	A	B	C	D	En blanco
Pregunta 18	A	B	C	D	En blanco
Pregunta 19	A	B	C	D	En blanco
Pregunta 20	A	B	C	D	En blanco

Pregunta 1. La ACF y la PACF teóricas de un proceso estocástico  $(Z_t)$  estacionario presentan el aspecto siguiente:



De acuerdo con lo anterior, el proceso  $(Z_t)$  sigue un modelo del tipo:

- A)  $(1 - \phi_1 B)(1 - \Phi_1 B^{12})Z_t = A_t$ , donde  $\phi_1 > 0$ ,  $\Phi_1 > 0$ , y  $(A_t)$  es un proceso de ruido blanco.  $\rightarrow$  ACF INFINITA, PACF FINITA con coeficientes positivos en retardos 1 y 12
- B)  $(1 - \phi_1 B)(1 - \Phi_1 B^{12})Z_t = A_t$ , donde  $\phi_1 < 0$ ,  $\Phi_1 < 0$ , y  $(A_t)$  es un proceso de ruido blanco.
- C)  $Z_t = (1 - \theta_1 B)(1 - \Theta_1 B^{12})A_t$ , donde  $\theta_1 > 0$ ,  $\Theta_1 > 0$ , y  $(A_t)$  es un proceso de ruido blanco.
- D)  $Z_t = (1 - \theta_1 B)(1 - \Theta_1 B^{12})A_t$ , donde  $\theta_1 < 0$ ,  $\Theta_1 < 0$ , y  $(A_t)$  es un proceso de ruido blanco.

Pregunta 2. El modelo que figura en la respuesta correcta de la pregunta anterior es un modelo:

- A)  $ARMA(1, 0) \times (1, 0)_{12} \equiv AR(1) \times (1)_{12}$
- B)  $ARMA(0, 1) \times (0, 1)_{12}$ .
- C)  $ARMA(1, 1) \times (1, 1)_{12}$ .
- D)  $ARMA(0, 0) \times (1, 1)_{12}$

Pregunta 3. Suponga que  $(Z_t)$  es un proceso estocástico que sigue un modelo del tipo  $(1 - \phi_1 B)\nabla Z_t = (1 - \theta_1 B)A_t$ , donde  $(A_t)$  es un proceso de ruido blanco. Si  $0 < \phi_1 < 1$  y  $\theta_1 = 1$ , indique cuál de las afirmaciones siguientes es CIERTA:

- A)  $(Z_t)$  es no estacionario porque sigue el modelo  $\nabla Z_t = (1 - \theta_1 B)A_t$ .
- B)  $(Z_t)$  es estacionario porque sigue el modelo  $(1 - \phi_1 B)Z_t = (1 - \theta_1 B)A_t$ .
- C)  $(Z_t)$  es estacionario porque sigue el modelo  $(1 - \phi_1 B)Z_t = \mu + A_t$ , donde  $\mu$  es una constante.
- D)  $(Z_t)$  es no estacionario porque es un paseo aleatorio del tipo  $\nabla Z_t = \mu + A_t$ , donde  $\mu$  es una constante.

Diferenciando el modelo queda:

$$(1 - \phi_1 B)(1 - B)Z_t = (1 - B)\mu + (1 - B)A_t$$

$$\mu - \mu = 0$$

**Pregunta 4.** La media y la varianza de un proceso estocástico estacionario ( $Z_t$ ) tal que  $Z_t = \mu + A_t - \theta_1 A_{t-1}$ , donde  $\mu > 0$ ,  $0 < \theta_1 < 1$ , y  $(A_t)$  es un proceso de ruido blanco con varianza igual a  $\sigma_A^2$ , son:

- A)  $E[Z_t] = 0$ ,  $\text{Var}[Z_t] = 2\sigma_A^2$ .
- B)  $E[Z_t] = \mu / (1 - \theta_1)$ ,  $\text{Var}[Z_t] = \sigma_A^2 / (1 - \theta_1^2)$ .
- C)**  $E[Z_t] = \mu$ ,  $\text{Var}[Z_t] = (1 + \theta_1^2)\sigma_A^2$ . *→ Demostrado en los apuntes*
- D)  $E[Z_t] = 0$ ,  $\text{Var}[Z_t] = \sigma_A^2$ .

**Pregunta 5.** La función de previsión  $\hat{Z}_t(l) \equiv E_t[Z_{t+l}]$  y la varianza de los errores de previsión  $V(l) \equiv \text{Var}[Z_{t+l} - \hat{Z}_t(l)]$  de un proceso ( $Z_t$ ) que sigue el modelo ARMA de la pregunta anterior, satisfacen las propiedades siguientes cuando el horizonte de previsión  $l$  tiende a infinito:

- A)  $\hat{Z}_t(l) \rightarrow E[Z_t]$ ,  $V(l) \rightarrow 0$ .
- B)**  $\hat{Z}_t(l) \rightarrow E[Z_t]$ ,  $V(l) \rightarrow \text{Var}[Z_t]$ . *→ Esto es así por cualquier proceso estacionario. A largo plazo las previsiones reversion a la media y la incertidumbre de las previsiones converge a la varianza.*
- C)  $\hat{Z}_t(l) \rightarrow E[Z_t]$ ,  $V(l) \rightarrow \infty$ .
- D)  $\hat{Z}_t(l) \rightarrow \infty$ ,  $V(l) \rightarrow \infty$ .

Las preguntas 6 a 9 están referidas al enunciado siguiente: Considere un modelo del tipo [M1]  $Y_i = \beta_1 + \beta_2 X_{i2} + \beta_3 X_{i3} + U_i$  con perturbaciones esféricas, donde  $X_{i2}$  y  $X_{i3}$  son dos regresores estocásticos tales que  $E[X_{i2}] \neq 0$ ,  $E[X_{i3}] \neq 0$ ,  $\text{Var}[X_{i2}] > 0$ ,  $\text{Var}[X_{i3}] > 0$ , y  $E[X_{i2}U_i] = E[X_{i3}U_i] = 0$ , para todo  $i = 1, 2, \dots, N$ . Suponga que se omite (por error o porque es difícil de medir) el regresor  $X_{i3}$  en el modelo [M1], de manera que se especifica en su lugar un modelo como [M2]  $Y_i = \beta_1 + \beta_2 X_{i2} + V_i$ , donde  $V_i \equiv \beta_3 X_{i3} + U_i$ .

**Pregunta 6.** Si en el modelo [M1] ocurre que  $\beta_3 > 0$  y  $\text{Cov}[X_{i2}, X_{i3}] > 0$  para todo  $i = 1, 2, \dots, N$ , entonces en el modelo [M2]:

- A)  $\text{Cov}[X_{i2}, V_i] = 0$ .
- B)**  $\text{Cov}[X_{i2}, V_i] > 0$ . *← El regresor incluido tiene correlación positiva con el excluido, se le pudo al término de error*
- C)  $E[V_i] = 0$ .
- D)  $\text{Cov}[X_{i2}, V_i] < 0$ .

**Pregunta 7.** De acuerdo con su respuesta a la pregunta anterior, si  $\hat{\beta}_2^{\text{MCO}}$  representa el estimador MCO de  $\beta_2$  en el modelo [M2], entonces:

- A)  $\text{plim}[\hat{\beta}_2^{\text{MCO}}] = \beta_2$ .

- B)  $E[\hat{\beta}_2^{\text{MCO}}] = \beta_2$ . (+) por signo de la covarianza.
- C)**  $\text{plim}[\hat{\beta}_2^{\text{MCO}}] = \beta_2 + \frac{\text{Cov}[X_{i2}, Y_i]}{\text{Var}[X_{i2}]} > \beta_2$ . — Ver apuntes
- D)  $\text{plim}[\hat{\beta}_2^{\text{MCO}}] = \beta_2 + \frac{\text{Cov}[X_{i2}, Y_i]}{\text{Var}[X_{i2}]} < \beta_2$ .

**Pregunta 8.** Para utilizar un estimador de variables instrumentales (VI) en el modelo [M2], es necesario encontrar una variable  $Z_i$  tal que:

- A)  $\text{Cov}[Z_i, X_{i2}] = 0$  y  $\text{Cov}[Z_i, X_{i3}] = 0$ .
- B)  $\text{Cov}[Z_i, X_{i2}] \neq 0$  y  $\text{Cov}[Z_i, X_{i3}] \neq 0$ .
- C)  $\text{Cov}[Z_i, X_{i2}] = 0$  y  $\text{Cov}[Z_i, X_{i3}] \neq 0$ .
- D)**  $\text{Cov}[Z_i, X_{i2}] \neq 0$  y  $\text{Cov}[Z_i, X_{i3}] = 0$ . — por definición de instrumento válido

**Pregunta 9.** Si  $\hat{\beta}_2^{\text{VI}}$  representa el estimador VI de  $\beta_2$  en el modelo [M2], que emplea como instrumento para  $X_{i2}$  la VI  $Z_i$  considerada en la pregunta anterior, entonces:

- A)**  $\hat{\beta}_2^{\text{VI}} = \frac{\sum(z_i - \bar{z})(Y_i - \bar{Y})}{\sum(z_i - \bar{z})(X_{i2} - \bar{X}_2)}$ . — por definición de  $\hat{\beta}_2^{\text{VI}}$
- B)  $\hat{\beta}_2^{\text{VI}} = \frac{\sum(X_{i2} - \bar{X}_2)(Y_i - \bar{Y})}{\sum(z_i - \bar{z})^2}$ .
- C)  $\hat{\beta}_2^{\text{VI}} = \frac{\sum(z_i - \bar{z})(Y_i - \bar{Y})}{\sum(z_i - \bar{z})^2}$ .
- D)  $\hat{\beta}_2^{\text{VI}} = \frac{\sum(z_i - \bar{z})(Y_i - \bar{Y})}{\sum(X_{i2} - \bar{X}_2)^2}$ .

**Pregunta 10.** En el contexto de un modelo de regresión lineal  $Y = X\beta + U$  con perturbaciones no esféricas, el llamado estimador robusto de Newey-West es:

- A) Un estimador de  $\beta$  más eficiente que el estimador MCO.
- B) Un estimador de  $\beta$  más eficiente que el estimador MCG.
- C) Un estimador insesgado de la matriz de varianzas de  $U$ .
- D)** Un estimador adecuado de la matriz de varianzas del estimador MCO de  $\beta$  ←  
← Ver apuntes

**Pregunta 11.** El coeficiente de autocorrelación simple de orden 2 de un proceso estocástico estacionario e invertible:

- A) Siempre es igual al coeficiente de autocorrelación parcial de orden 2.
- B)** Es igual a cero si el proceso sigue un modelo MA(1) con parámetro positivo.  
← Ver apuntes
- Si es negativo, también, pero la afirmación sigue siendo cierta

- C) Es igual a 1 si el proceso es ruido blanco.
- D) Es igual a cero si el proceso sigue un modelo AR(1) con parámetro positivo.

**Pregunta 12.** Considere un modelo del tipo  $Y_t = \beta_1 + \beta_2 X_t + U_t$  cuyas perturbaciones constituyen un proceso estocástico ( $U_t$ ) tal que  $U_t = U_{t-1} + A_t$ , donde ( $A_t$ ) es un proceso de ruido blanco. Indique cuál de las afirmaciones siguientes es FALSA:

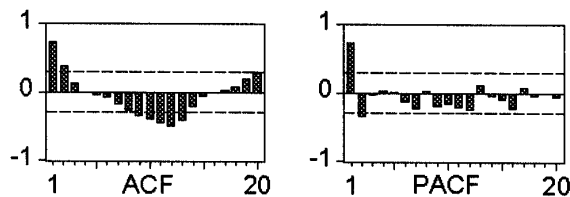
- A) Las perturbaciones del modelo considerado no son estacionarias.
- B) El estimador MCO de  $\beta_2$  en el modelo  $\nabla Y_t = \beta_2 \nabla X_t + A_t$  es eficiente.
- C) El estimador MCO de  $\beta_2$  en el modelo  $Y_t = \beta_1 + \beta_2 X_t + U_t$  es ineficiente.
- D) El proceso estocástico ( $Y_t$ ) es un proceso estacionario.**

Las preguntas 13 a 15 se refieren al enunciado siguiente: Usando datos anuales desde 1959 hasta 2002 sobre M1, PIB, precios y tipos de interés en Estados Unidos, se ha estimado por MCO un modelo del tipo  $Y_t = \beta_1 + \beta_2 X_{t2} + \beta_3 X_{t3} + U_t$  ( $t = 1959, 1960, \dots, 2002$ ). La Tabla M1-1 contiene los resultados de dicha estimación, donde la serie Y es el logaritmo neperiano de M1 en términos reales, la serie X2 es el logaritmo neperiano del PIB real, y la serie X3 es el tipo de interés en el mercado secundario de las letras del tesoro a 3 meses. La Figura M1-1 contiene la ACF y la PACF muestrales de los residuos asociados con el modelo estimado por MCO en la Tabla M1-1.

**Tabla M1-1**

Dependent Variable: Y				
Method: Least Squares				
Sample: 1959 2002				
Included observations: 44				
Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
C	-0.496116	0.224720	-2.207709	0.0329
X2	0.278485	0.026269	10.60145	0.0000
X3	-0.019653	0.003984	-4.933427	0.0000
R-squared	0.761370	Mean dependent var	1.772153	
Adjusted R-squared	0.749729	S.D. dependent var	0.142320	
S.E. of regression	0.071198	Akaike info criterion	-2.380947	
Sum squared resid	0.207838	Schwarz criterion	-2.259298	
Log likelihood	55.38084	F-statistic	65.40704	
Durbin-Watson stat	0.455395	Prob(F-statistic)	0.000000	

**Figura M1-1**

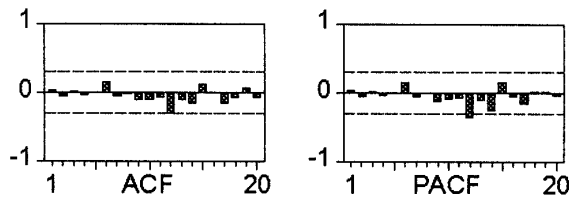


De acuerdo con la información contenida en la Figura M1-1, se ha vuelto a estimar el modelo  $Y_t = \beta_1 + \beta_2 X_{t2} + \beta_3 X_{t3} + U_t$  añadiendo explícitamente cierta estructura de autocorrelación para las perturbaciones. El modelo estimado correspondiente figura en la Tabla M1-2. La Figura M1-2 contiene la ACF y la PACF muestrales de los residuos asociados con el modelo estimado en la Tabla M1-2.

Tabla M1-2

Dependent Variable: Y				
Method: Least Squares				
Sample(adjusted): 1961 2002				
Included observations: 42 after adjusting endpoints				
Convergence achieved after 26 iterations				
Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
C	-0.237744	0.644465	-0.368901	0.7143
X2	0.241100	0.074300	3.244966	0.0025
X3	-0.008544	0.003964	-2.155180	0.0377
AR(1)	1.198939	0.153467	7.812350	0.0000
AR(2)	-0.421236	0.155192	-2.714284	0.0100
R-squared	0.925613	Mean dependent var	1.781190	
Adjusted R-squared	0.917572	S.D. dependent var	0.139290	
S.E. of regression	0.039991	Akaike info criterion	-3.489004	
Sum squared resid	0.059172	Schwarz criterion	-3.282139	
Log likelihood	78.26908	F-statistic	115.1004	
Durbin-Watson stat	1.903519	Prob(F-statistic)	0.000000	
Inverted AR Roots 0.60 - 0.25i 0.60 + 0.25i				

Figura M1-2



Pregunta 13. De acuerdo con toda la información disponible, las perturbaciones del modelo  $Y_t = \beta_1 + \beta_2 X_{t2} + \beta_3 X_{t3} + U_t$ :  $\rightarrow$  *Corresponden a M1-1 y M1-2*

- A) Pueden considerarse ruido blanco.
- B) Presentan autocorrelación de tipo MA(2).
- C) Presentan autocorrelación de tipo AR(2).
- D) Presentan autocorrelación de tipo ARMA(1,1).

Pregunta 14. De acuerdo con toda la información disponible:

- A) La semielasticidad de M1 en términos reales con respecto al tipo de interés ( $X_3$ ) considerado es claramente significativa incluso al 1%.  $\rightarrow$  *Al 1% no es significativa en M1-2*

- (X<sub>2</sub>)
- (B) La elasticidad de M1 en términos reales con respecto al PIB real es claramente significativa incluso al 1%.
- C) El término constante del modelo considerado es significativo al 5% pero no al 1%. *En M1-2 no es significativo*
- D) La estructura de autocorrelación estimada en la Tabla M1-2 es no estacionaria. → *→ FALSO, ES ESTACIONARIA*

Pregunta 15. Si  $\hat{u}_t$  representa la serie de residuos asociados con el modelo estimado en la Tabla M1-2, y  $\hat{x}_{T2}(1)$ ,  $\hat{x}_{T3}(1)$  representan previsiones de  $X_{t2}$ ,  $X_{t3}$  en origen  $T = 2002$  a horizonte 1, entonces la previsión puntual en origen  $T$  a horizonte 1 para el logaritmo de M1 en términos reales debería calcularse como:

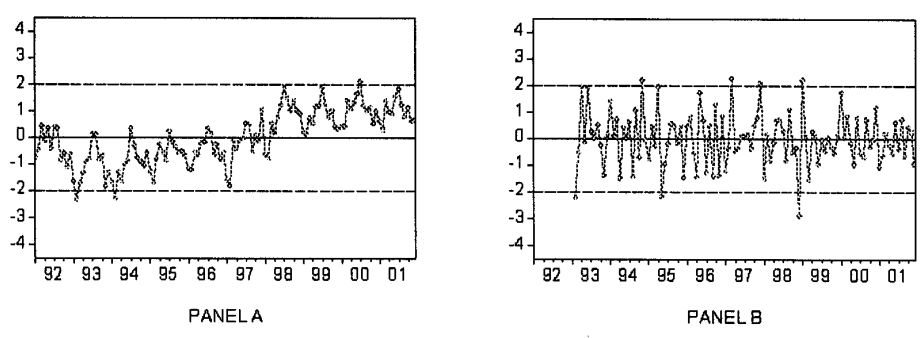
- A)  $\hat{y}_T(1) = -0.2377 + 0.2411\hat{x}_{T2}(1) - 0.0085\hat{x}_{T3}(1)$ .
- (B)  $\hat{y}_T(1) = -0.2377 + 0.2411\hat{x}_{T2}(1) - 0.0085\hat{x}_{T3}(1) + 1.1989\hat{u}_T - 0.4212\hat{u}_{T-1}$ .
- C)  $\hat{y}_T(1) = 1.1989\hat{u}_{T-1} - 0.4212\hat{u}_{T-2}$ .
- D)  $\hat{y}_T(1) = 1.1989\hat{u}_T - 0.4212\hat{u}_{T-1}$ .
- INCLUYE LA PREVISION DE LA COMPONENTE DE REGRESION Y LA DEL ERROR AUTOCORRELADO*

Pregunta 16. Suponga que ha estimado por MCO un modelo de regresión lineal, y que quiere contrastar la posibilidad de que las perturbaciones de dicho modelo sean heteroscedásticas. Indique cuál de los instrumentos de diagnóstico que se citan a continuación NO utilizaría para este propósito:

- (A) La ACF y la PACF de los residuos MCO. *— CONTRASTE DE AUTOCORRELACION*
- B) Un contraste de White.
- C) Un gráfico de los residuos MCO sobre cada variable explicativa del modelo.
- D) Un contraste de Breusch-Pagan.

Las preguntas 17 a 20 se refieren al enunciado siguiente: La Figura ACC-0 contiene dos gráficos temporales estandarizados de las series  $\ln y_t$  (Panel A) y  $\nabla\nabla_{12} \ln y_t$  (Panel B), donde  $\ln$  representa el logaritmo neperiano, e  $y_t$  ( $t = 1, 2, \dots, 120$ ) representa el número de accidentes de tráfico con víctimas registrados mensualmente en España desde enero de 1992 hasta diciembre de 2001.

Figura ACC-0

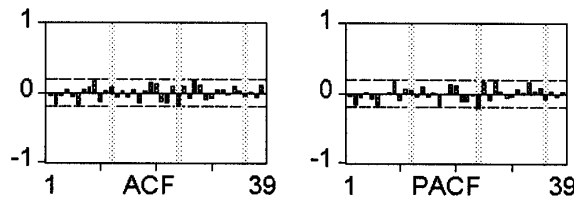


La Tabla ACC-1 contiene un modelo estimado con la serie del Panel B de la Figura ACC-0. Por su parte, la Figura ACC-1 contiene la ACF y la PACF muestrales de los residuos del modelo estimado en la Tabla ACC-1. A la vista de la información recogida en la Figura ACC-1, se ha estimado otro modelo, alternativo al anterior, con la serie del Panel B de la Figura ACC-0. Dicho modelo estimado está resumido en la Tabla ACC-2.

**Tabla ACC-1**

Dependent Variable: DLOG(Y,1,12)				
Method: Least Squares				
Sample(adjusted): 1993:02 2001:12				
Included observations: 107 after adjusting endpoints				
Convergence achieved after 10 iterations				
Backcast: 1992:01 1993:01				
Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
MA(1)	-0.390929	0.082585	-4.733648	0.0000
SMA(12)	-0.911958	0.022950	-39.73628	0.0000
S.E. of regression	0.041582	Durbin-Watson stat	1.978997	

**Figura ACC-1**



**Tabla ACC-2**

Dependent Variable: DLOG(Y,1,12)				
Method: Least Squares				
Sample(adjusted): 1995:02 2001:12				
Included observations: 83 after adjusting endpoints				
Convergence achieved after 11 iterations				
Backcast: 1994:01 1995:01				
Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
AR(12)	0.088256	0.095402	0.925100	0.3577
AR(24)	-0.209000	0.102583	-2.037379	0.0450
MA(1)	-0.555130	0.094371	-5.882405	0.0000
SMA(12)	-0.898188	0.030470	-29.47761	0.0000
S.E. of regression	0.038921	Durbin-Watson stat	1.836437	

Pregunta 17. De acuerdo con la Figura ACC-0:

- A) La serie del Panel A es estacional, por lo que no puede ser estacionaria.
- B) La serie del Panel A es claramente estacionaria porque prácticamente todos sus valores estandarizados están comprendidos entre +2 y -2. — *NO TIENE MED SE VER*

- C) La serie del Panel B es claramente no estacionaria porque varios de sus valores estandarizados están fuera de las bandas +2 y -2. — *idem.*
- D) De no ser por la estacionalidad presente en la serie del Panel A, dicha serie sería claramente estacionaria. — *También tiene una tendencia creciente*

Pregunta 18. El modelo estimado de la Tabla ACC-1 puede escribirse como:

- A)  $(1 - 0.39B)(1 - 0.91B^{12})\nabla\nabla_{12} \ln y_t = \hat{a}_t$ .
- B)  $(1 - 0.39B)\nabla\nabla_{12} \ln y_t = (1 - 0.91B^{12})\hat{a}_t$ .
- C)  $(1 - 0.91B^{12})\nabla\nabla_{12} \ln y_t = (1 - 0.39B)\hat{a}_t$ .
- D)  $\nabla\nabla_{12} \ln y_t = (1 - 0.39B)(1 - 0.91B^{12})\hat{a}_t$ .

Pregunta 19. El modelo estimado de la Tabla ACC-2 puede escribirse como:

- A)  $(1 - 0.555B)\nabla\nabla_{12} \ln y_t = (1 - 0.088B^{12} + 0.209B^{24})(1 - 0.898B^{12})\hat{a}_t$ .
- B)  $(1 - 0.555B)(1 - 0.898B^{12})\nabla\nabla_{12} \ln y_t = (1 - 0.088B^{12} + 0.209B^{24})\hat{a}_t$ .
- C)  $(1 - 0.088B^{12} + 0.209B^{24})\nabla\nabla_{12} \ln y_t = (1 - 0.555B)(1 - 0.898B^{12})\hat{a}_t$ .
- D)  $(1 - 0.088B^{12} + 0.209B^{24})(1 - 0.898B^{12})\nabla\nabla_{12} \ln y_t = (1 - 0.555B)\hat{a}_t$ .

Pregunta 20. De acuerdo con toda la información disponible:

- A) El modelo estimado en la Tabla ACC-2 es claramente preferible al estimado en la Tabla ACC-1 porque aquél contiene más parámetros. — *Esto no es una ventaja*
- B) El modelo estimado en la Tabla ACC-2 es claramente preferible al estimado en la Tabla ACC-1 porque aquél es invertible mientras que éste no lo es. — *Ambos lo son*
- C) Ninguno de los dos modelos estimados es adecuado porque en ambos casos el valor calculado del estadístico de Durbin-Watson está muy próximo a 2. — *DW < 2 es evidencia de autocor.*
- D) El modelo estimado en la Tabla ACC-2 puede estar sobreparametrizado, aunque es un modelo que puede resultar útil en la práctica para calcular previsiones pues su desviación típica residual estimada es más reducida.  
*.039 frente a .042*