

# Examen Final de Econometría II

22 de junio de 2009 – Hora: 15:30

Apellidos:	Nombre:	DNI:
Profesor/a:	Licenciatura:	Grupo:

Antes de empezar a resolver el examen, rellene TODA la información que se solicita en los recuadros anteriores y lea con atención las instrucciones de la página siguiente.

Pregunta 1	A	B	C	D	En Blanco
Pregunta 2	A	B	C	D	En Blanco
Pregunta 3	A	B	C	D	En Blanco
Pregunta 4	A	B	C	D	En Blanco
Pregunta 5	A	B	C	D	En Blanco
Pregunta 6	A	B	C	D	En Blanco
Pregunta 7	A	B	C	D	En Blanco
Pregunta 8	A	B	C	D	En Blanco
Pregunta 9	A	B	C	D	En Blanco
Pregunta 10	A	B	C	D	En Blanco
Pregunta 11	A	B	C	D	En Blanco
Pregunta 12	A	B	C	D	En Blanco
Pregunta 13	A	B	C	D	En Blanco
Pregunta 14	A	B	C	D	En Blanco
Pregunta 15	A	B	C	D	En Blanco
Pregunta 16	A	B	C	D	En Blanco
Pregunta 17	A	B	C	D	En Blanco
Pregunta 18	A	B	C	D	En Blanco
Pregunta 19	A	B	C	D	En Blanco
Pregunta 20	A	B	C	D	En Blanco

Las preguntas 1 a 5 se refieren al enunciado siguiente: Considere un modelo de regresión lineal múltiple del tipo [M1]  $Y = \beta_0 + \beta_1 X_1 + \beta_2 X_2 + U$ , donde  $\beta_1 = 2$ ,  $\text{Var}[X_2] = 3$ ,  $\text{Cov}[X_1, X_2] = 4$  y  $\text{Cov}[X_1, U] = \text{Cov}[X_2, U] = 0$ . Suponga que en el modelo anterior se omite por error la variable explicativa  $X_1$ , de manera que se especifica en lugar de [M1] un modelo del tipo [M2]  $Y = \beta_0 + \beta_2 X_2 + V$ , cuya perturbación  $V$  se define de acuerdo con que  $V = U + \beta_1 X_1$ .

Pregunta 1. En el modelo [M2]:

- (A)  $\text{Cov}[X_2, V] = 8$ . \*\*
- B)  $\text{Cov}[X_2, V] = 0$ .
- C)  $\text{Cov}[X_2, V] = 4$ .
- D)  $\text{Cov}[X_2, V] = 2$ .

$$E[\tilde{X}_{2i}(U_i + \rho_1 \tilde{X}_{1i})] =$$

$$= \underbrace{E[\tilde{X}_{2i} U_i]}_0 + \underbrace{\rho_1}_{2} \times \underbrace{E[\tilde{X}_{1i} \tilde{X}_{2i}]}_4 = 8$$

Pregunta 2. Si  $\hat{\beta}_2$  es el estimador de Mínimos Cuadrados Ordinarios (MCO) de  $\beta_2$  en el modelo [M2], entonces:

- A)  $\text{plim}[\hat{\beta}_2] = \beta_2$ , por lo que  $\hat{\beta}_2$  es un estimador consistente de  $\beta_2$ .
- B)  $\text{plim}[\hat{\beta}_2] < \beta_2$ , por lo que  $\hat{\beta}_2$  es un estimador inconsistente de  $\beta_2$ .
- C)  $\text{plim}[\hat{\beta}_2] \neq \beta_2$ , por lo que  $\hat{\beta}_2$  es un estimador consistente de  $\beta_2$ .
- (D)  $\text{plim}[\hat{\beta}_2] > \beta_2$ , por lo que  $\hat{\beta}_2$  es un estimador inconsistente de  $\beta_2$ . \*\*

$$\text{plim} \hat{\beta}_2 = \beta_2 + \frac{\sigma_{x\varepsilon}(\neq 0)}{\sigma_{xx}(\neq 0)} ; \text{plim} \hat{\beta}_2 > \beta_2$$

Pregunta 3. Si  $Z$  es una variable que se pretende utilizar como instrumento para  $X_2$  en el modelo [M2], entonces  $Z$  debe satisfacer las condiciones siguientes:

- A)  $\text{Cov}[Z, X_2] \neq 0$ ,  $\text{Cov}[Z, X_1] \neq 0$  y  $\text{Cov}[Z, U] = 0$ .
- B)  $\text{Cov}[Z, X_2] = 0$ ,  $\text{Cov}[Z, X_1] = 0$  y  $\text{Cov}[Z, U] = 0$ .
- (C)  $\text{Cov}[Z, X_2] \neq 0$ ,  $\text{Cov}[Z, X_1] = 0$  y  $\text{Cov}[Z, U] = 0$ . \*\*  $\rightarrow$  Si fueran  $\text{Cov}[Z, X_1] \neq 0$  o  $\text{Cov}[Z, U] \neq 0$  el instrumento estaría correlacionado con los errores
- D)  $\text{Cov}[Z, X_2] = 0$ ,  $\text{Cov}[Z, X_1] \neq 0$  y  $\text{Cov}[Z, U] \neq 0$ .

La tabla siguiente contiene las varianzas y las covarianzas muestrales de las variables  $Y$ ,  $X_2$  y  $Z$ , calculadas con una muestra de 5 observaciones:

	Y	X2	Z
Y	5.6	3.2	1.8
X2	3.2	2.0	1.2
Z	1.8	1.2	0.8

Pregunta 4. La estimación de  $\beta_2$  en el modelo [M2] calculada por Variables Instrumentales (VI), utilizando  $Z$  como instrumento para  $X_2$ , es igual a:

- A) 1.6.
- B) 1.5. \*\*
- C) 3.2.
- D) 1.8.

$$\hat{\rho}_{2v1} = \frac{\hat{\sigma}_{2y}}{\hat{\sigma}_{2x}} = \frac{1.8}{1.2} = 1.5$$

**Pregunta 5.** Suponga que las perturbaciones del modelo [M2] son homoscedásticas. Si la estimación VI de la desviación típica de dichas perturbaciones es igual a 0.91287, entonces el error estándar del estimador VI de  $\beta_2$  en el modelo [M2] es igual a:

- A) 0.91287.
- B) 2.73861.
- C) 0.30429. \*\*
- D) 0.10143.

$$\text{var}(\hat{\rho}_{2v1}) = \hat{\sigma}_u^2 \cdot (Z^T X)^{-1} Z^T Z (X^T Z)^{-1}$$

**Pregunta 6.** Si en el modelo  $Y_i = \beta_0 + \beta_1 X_i + U_i$  se cumplen todas las hipótesis clásicas excepto por que  $\text{Var}[U_i] = \sigma^2 X_i$ , entonces las estimaciones de Mínimos Cuadrados Generalizados (MCG) de  $\beta_0$  y  $\beta_1$  pueden calcularse estimando por Mínimos Cuadrados Ordinarios (MCO) la regresión de  $\check{Y}_i$  sobre  $\check{X}_{i1}$  y  $\check{X}_{i2}$ , donde:

- A)  $\check{Y}_i = (Y_i \div X_i)^{1/2}$ ,  $\check{X}_{i1} = 1$  y  $\check{X}_{i2} = X_i^{1/2}$ .
- B)  $\check{Y}_i = (Y_i \div Y_i^{1/2})$ ,  $\check{X}_{i1} = 1$  y  $\check{X}_{i2} = (X_i \div X_i^{1/2})$ .
- C)  $\check{Y}_i = (Y_i \div X_i)$ ,  $\check{X}_{i1} = (1 \div X_i)$  y  $\check{X}_{i2} = 1$ .
- D)  $\check{Y}_i = (Y_i \div X_i^{1/2})$ ,  $\check{X}_{i1} = (X_i^{1/2} \div X_i)$  y  $\check{X}_{i2} = X_i^{1/2}$ . \*\*

$$\frac{y_i}{\sqrt{x_i}} = \beta_0 \cdot \frac{1}{\sqrt{x_i}} + \beta_1 \frac{x_i}{\sqrt{x_i}} + \frac{u_i}{\sqrt{x_i}}$$

**Pregunta 7.** El estimador MCG de la pregunta anterior es un estimador:

- A) Insesgado y eficiente. \*\* ← Propiedades del estimador MCG
- B) Insesgado pero ineficiente.
- C) Sesgado pero eficiente.
- D) Sesgado e ineficiente.

**Pregunta 8.** Si en el modelo  $Y_t = \beta_0 + \beta_1 X_t + U_t$  ocurre que  $U_t = 0.6U_{t-1} + A_t$ , con  $(A_t) \sim \text{iid}(0, \sigma^2)$  (ruido blanco), entonces las estimaciones de Mínimos Cuadrados Generalizados (MCG) de  $\beta_0$  y  $\beta_1$  pueden calcularse estimando por Mínimos Cuadrados Ordinarios (MCO) la regresión de  $\check{Y}_t$  sobre  $\check{X}_{t1}$  y  $\check{X}_{t2}$ , donde:

- A)  $\check{Y}_t = 0.6Y_t$ ,  $\check{X}_{t1} = 0.6$  y  $\check{X}_{t2} = 0.6X_{t2}$ .
- B)  $\check{Y}_t = Y_t + 0.6Y_{t-1}$ ,  $\check{X}_{t1} = 1.6$  y  $\check{X}_{t2} = X_{t2} + 0.6X_{t-1,2}$ .

C)  $\ddot{Y}_t = Y_t - 0.4Y_{t-1}$ ,  $\ddot{X}_{t1} = 0.6$  y  $\ddot{X}_{t2} = X_{t2} - 0.4X_{t-1,2}$ .

D)  $\ddot{Y}_t = Y_t - 0.6Y_{t-1}$ ,  $\ddot{X}_{t1} = 0.4$  y  $\ddot{X}_{t2} = X_{t2} - 0.6X_{t-1,2}$ . \*\*

$$(1 - .6B)Y_t = \frac{(1 - .6B)}{1.4} \times \rho_0 + \rho_1 (1 - .6B)X_t + \frac{(1 - .6B)U_t}{A_t}$$

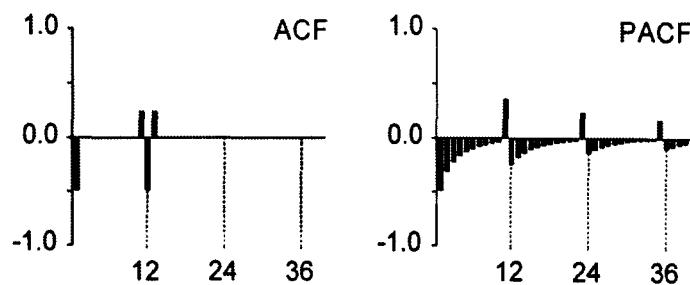
Pregunta 9. En un modelo de regresión lineal múltiple  $Y = X\beta + U$  con perturbaciones no esféricas, los estimadores de White y de Newey-West son:

- A) Estimadores de  $\beta$  más eficientes que el estimador MCO.
- B) Estimadores de  $\beta$  más eficientes que el estimador MCG.
- C) Estimadores adecuados de la matriz de varianzas del estimador MCO de  $\beta$ . \*\* ←
- D) Estimadores de  $\beta$  más insesgados que los estimadores MCO y MCG. ← *Pw eficiencia*

Pregunta 10. Indique cuál de las características siguientes de una serie temporal es incompatible con la posibilidad de que dicha serie sea estacionaria:

- A) La ACF (FAS) muestral de la serie decrece rápidamente.
- B) La serie es estacional. \*\* ← *de estacionalidad a un cambio de media que se repite en cada ciclo*
- C) La serie tiene un nivel medio razonablemente estable. *estacional*
- D) La dispersión de la serie alrededor de su nivel medio es homogénea.

Pregunta 11. La ACF y la PACF teóricas de un proceso estocástico  $(Y_t)$  estacionario e invertible presentan el aspecto siguiente:



De acuerdo con lo anterior, el proceso  $(Y_t)$  sigue un modelo del tipo:

- A)  $Z_t = (1 - \theta_1 B)(1 - \Theta_1 B^{12})A_t$ , donde  $\theta_1 < 0$ ,  $\Theta_1 < 0$ , y  $(A_t)$  es un proceso de ruido blanco.
- B)  $(1 - \phi_1 B)(1 - \Phi_1 B^{12})Z_t = A_t$ , donde  $\phi_1 > 0$ ,  $\Phi_1 > 0$ , y  $(A_t)$  es un proceso de ruido blanco.
- C)  $Z_t = (1 - \theta_1 B)(1 - \Theta_1 B^{12})A_t$ , donde  $\theta_1 > 0$ ,  $\Theta_1 > 0$ , y  $(A_t)$  es un proceso de ruido blanco. \*\* ← *Pw eficiencia*
- D)  $(1 - \phi_1 B)(1 - \Phi_1 B^{12})Z_t = A_t$ , donde  $\phi_1 < 0$ ,  $\Phi_1 < 0$ , y  $(A_t)$  es un proceso de ruido blanco.

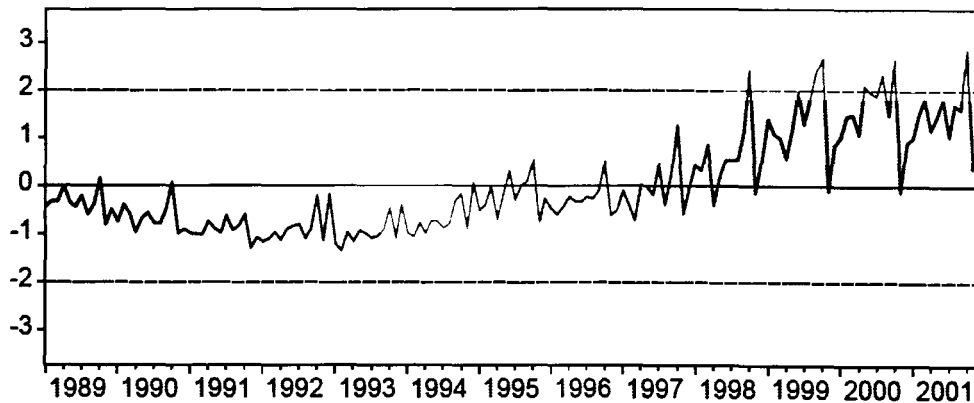
**Pregunta 12.** El modelo que figura en la respuesta correcta de la pregunta anterior es un modelo:

- A)  $ARMA(1, 0) \times (1, 0)_{12}$ .
- B)  $ARMA(0, 1) \times (0, 1)_{12}$ . \*\* ← Por definición**
- C)  $ARMA(1, 0) \times (0, 1)_{12}$ .
- D)  $ARMA(0, 1) \times (1, 0)_{12}$ .

Las preguntas 13 a 20 se refieren a la serie temporal Y que está representada en el gráfico estandarizado de la Figura 1. La serie Y consta de 156 observaciones sobre el número (en miles) de viviendas iniciadas mensualmente en España desde enero de 1989 hasta diciembre de 2001.

**Figura 1**

SERIE Y



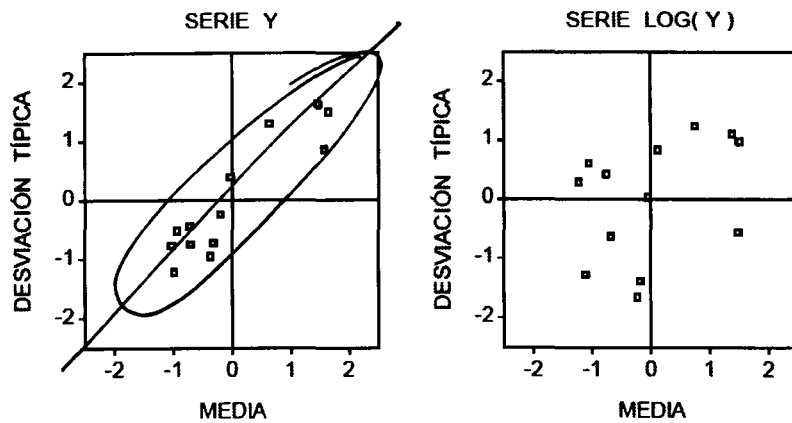
N = 156 - MEDIA = 27.27 - DT = 59.73

**Pregunta 13** Indique cuál de las afirmaciones siguientes es CIERTA:

- A) La serie Y es estacionaria en media porque prácticamente todos sus valores estandarizados están comprendidos entre -2 y +2.
- B) La media muestral de la serie Y (27.27) es una estimación fiable del nivel medio constante del proceso estocástico que ha generado dicha serie.
- C) La desviación típica muestral de la serie Y (59.73) es una estimación fiable de la dispersión constante del proceso estocástico que ha generado dicha serie.
- D) La serie Y es no estacionaria. \*\* → Tiene tendencia. Probablemente por eso de estacionariedad**

La Figura 2 de la página siguiente contiene los gráficos Desviación Típica - Media muestrales estandarizados de las series Y (serie original) y  $\text{LOG}(Y)$  (logaritmo neperiano de la serie original).

Figura 2

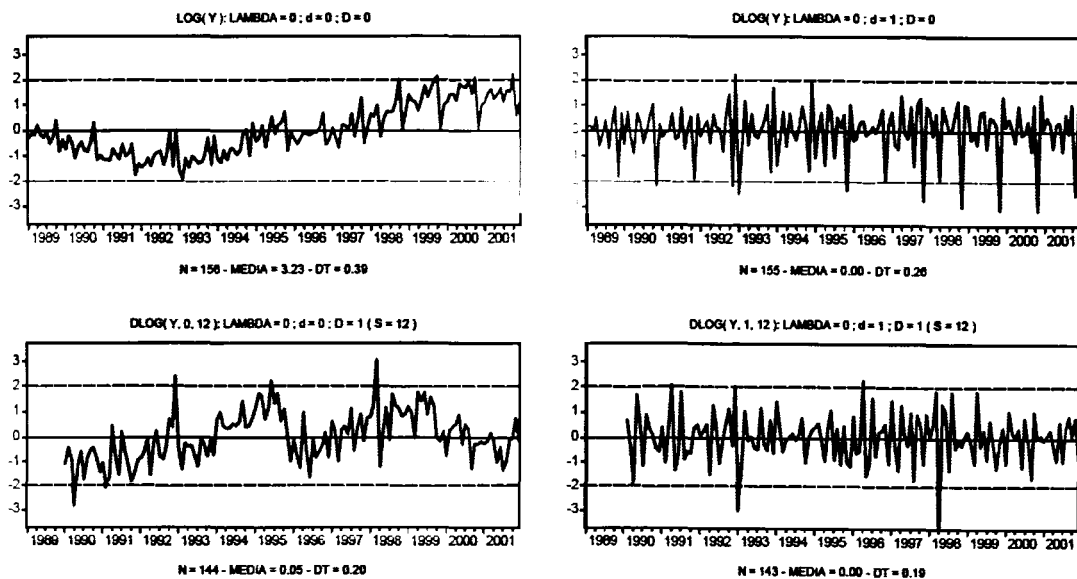


Pregunta 14. Indique cuál de las afirmaciones siguientes es CIERTA:

- A) La dispersión local de la serie Y es absolutamente homogénea.
- B) La dispersión local de la serie Y depende positivamente de su nivel local. \*\*
- C) La dispersión local de la serie LOG(Y) depende negativamente de su nivel local.
- D) La dispersión local de la serie LOG(Y) es absolutamente heterogénea.

En la Figura 3 están representadas las series LOG(Y), DLOG(Y) (una diferencia regular del logaritmo de la serie Y), DLOG(Y, 0, 12) (una diferencia estacional de período 12 del logaritmo de la serie Y), y DLOG(Y, 1, 12) (una diferencia regular y una estacional de período 12 del logaritmo de la serie Y). [Observación: Nótese que la serie DLOG(Y, 1, 12) es igual a una diferencia regular de la serie DLOG(Y, 0, 12), y también a una diferencia estacional de período 12 de la serie DLOG(Y).]

Figura 3



**Pregunta 15.** Indique cuál de las afirmaciones siguientes es CIERTA:

- A) La serie LOG(Y) es estacional.
- B) La serie DLOG(Y) es estacionaria.
- C) La serie DLOG(Y, 0, 12) no es estacional. \*\***
- D) La serie DLOG(Y, 1, 12) no es estacionaria.

**Pregunta 16.** Indique cuál de las afirmaciones siguientes es CIERTA:

- A) La serie DLOG(Y, 0, 12) es la tasa de variación interanual de la serie original. \*\***
- B) La serie DLOG(Y, 0, 12) es la tasa de variación mensual de la serie original.
- C) La serie DLOG(Y) es la tasa de variación interanual de la serie original.
- D) La serie DLOG(Y) es la variación absoluta mensual de la serie original.

**Pregunta 17.** En relación con la serie DLOG(Y, 1, 12) de la Figura 3, el estadístico t para contrastar la hipótesis de que la media del proceso estocástico del que procede dicha serie es igual a cero:

- A) Es aproximadamente igual a 0.4359.
- B) Es aproximadamente igual a cero. \*\***  $t = \frac{.00}{.19} \approx 0$
- C) No puede calcularse con la información disponible.  $\sqrt{136}$
- D) Es aproximadamente igual a 0.0361.

El cuadro siguiente contiene un modelo estimado para la serie Y original:

$$\hat{\theta}_1 \quad \hat{\phi}_2 \quad \hat{\phi}_1$$

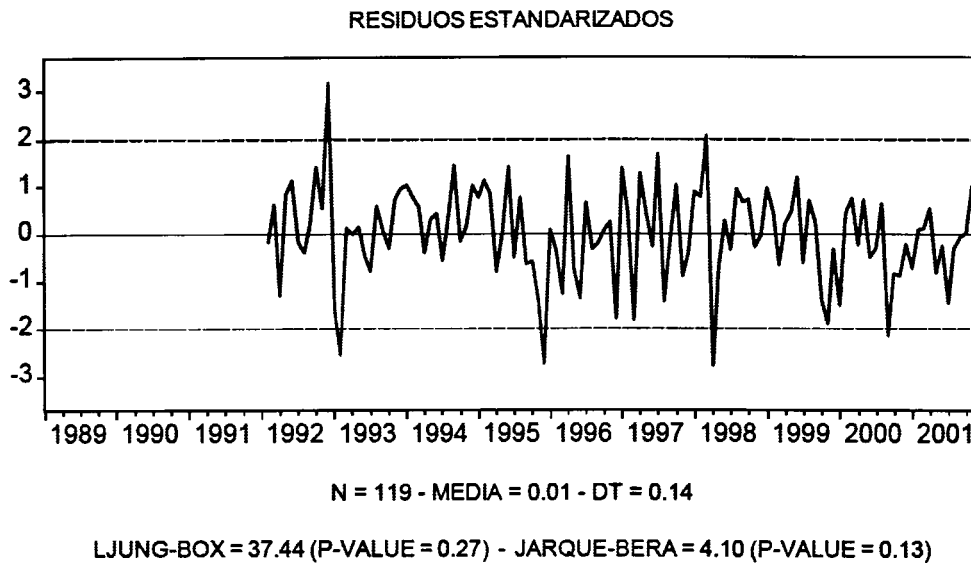
$$\leftarrow \quad \quad \quad \rightarrow$$

Dependent Variable: DLOG(Y, 1, 12)				
Method: Least Squares				
Sample(adjusted): 1992:02 2001:12				
Included observations: 119 after adjusting endpoints				
Convergence achieved after 6 iterations				
Backcast: 1992:01				
Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
AR(12)	-0.398732	0.087098	-4.577978	0.0000
AR(24)	-0.316234	0.086314	-3.663749	0.0004
MA(1)	-0.706542	0.065571	-10.77519	0.0000

**Pregunta 18.** El modelo estimado puede escribirse (redondeando los resultados del cuadro anterior a dos decimales) como:

- A)  $(1 + 0.40B^{12} + 0.32B^{24})\nabla\nabla_{12} \ln y_t = (1 - 0.71B) \hat{a}_t$ . \*\***
- B)  $(1 + 0.71B^{12})\nabla\nabla_{12} \ln y_t = (1 - 0.40B^{12} - 0.32B^{24})\hat{a}_t$ .
- C)  $(1 - 0.40B^{12} - 0.32B^{24})\nabla\nabla_{12} \ln y_t = (1 + 0.71B) \hat{a}_t$ .
- D)  $(1 - 0.71B^{12})\nabla\nabla_{12} \ln y_t = (1 + 0.40B^{12} + 0.32B^{24})\hat{a}_t$ .

La figura siguiente contiene los residuos del modelo estimado:



**Pregunta 19.** Indique cuál de las afirmaciones siguientes es CIERTA:

- A) Lo residuos son claramente no estacionarios.
- B) La hipótesis de que las perturbaciones del modelo considerado no están autocorrelacionadas debe rechazarse al 5%.
- C) La hipótesis de que las perturbaciones del modelo considerado son Normales debe rechazarse al 5%.
- D) Los residuos no muestran evidencia alguna de mala especificación en el modelo considerado. \*\*

**Pregunta 20.** Si se pretende utilizar el modelo estimado para calcular previsiones, debe tenerse en cuenta que dicho modelo:

- A) Puede utilizarse para calcular previsiones de cualquiera de las series implícitas en la transformación  $DLOG(Y, 1, 12)$ . \*\*
- B) Sólo puede utilizarse para calcular previsiones o bien de la serie  $DLOG(Y, 1, 12)$ , o bien de la serie  $LOG(Y)$ , y ambas carecen de todo interés práctico.
- C) Sólo puede utilizarse para calcular previsiones de la serie  $Y$  original, pero no de sus tasas logarítmicas de variación (ni mensual ni interanual).
- D) No debe utilizarse para calcular previsiones porque es un modelo no estacionario.